

ХНУ ім. В.Н.Каразіна, факультет математики та інформатики  
Спеціальність: МАТЕМАТИКА  
Навчальна дисципліна: ФУНКЦІОНАЛЬНИЙ АНАЛІЗ II  
Екзаменаційний білет № ...

**Питання 1.** Надати означення поточкової збіжності. Довести теорему про норму поточкової границі послідовності операторів.

**Питання 2.** Сформулювати та довести критерій оборотності полінома від оператора.

**Питання 3.** Надати означення оператора Фур'є в  $L_2$ . Чи буде ця формула виконуватися для оператора  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ , що діє за правилом  $T(x_1, x_2) = (x_2, -2x_1)$ ? Відповідь обґрунтувати.

**Питання 4.** Надати означення базису Шаудера. Чи буде канонічний базис простору  $\ell_\infty$  базисом Шаудера? Відповідь обґрунтувати.

Затверджено на засіданні кафедри фундаментальної математики, протокол № ... від ...

Зав. кафедри

Екзаменатор