

**Програма атестаційного іспиту
зі спеціальності «математика»
освітній рівень: магістр 2019/2020 навчальний рік**

Алгебра

1. Визначення групи, підгрупи. Теорема Лагранжа.
2. Лінійні оператори в скінченновимірних просторах, їх матриці, власні значення та власні вектори.
3. Самоспряжені оператори в скінченновимірних просторах та їх квадратичні форми. Зведення до діагонального вигляду.

Математичний аналіз

1. Діференційованість функції декількох змінних. Теорія екстремумів.
2. Функціональні ряди. Рівномірна збіжність. Властивості сум функціональних рядів.
3. Інтеграл (Римана і невластий), залежні від параметра, їх властивості і спосіб обчислення.
4. Зв'язки між подвійними і криволінійним, поверхневим і криволінійним, потрійним і поверхневим інтегралами.
5. Ряд Фур'є. Властивості. Питання збіжності.

Диференціальна геометрія

1. Перша квадратична форма регулярної поверхні. Ізометрія. Критерій ізометричності.
2. Друга квадратична форма регулярної поверхні. Головні кривини і головні напрями регулярної поверхні. Лінії кривини. Гаусова і середня кривина поверхні.
3. Розкладання Гауса і Вейнгартена. Коваріантний диференціал. Геодезичні лінії. Паралельне перенесення на поверхні.
4. Рівняння Гауса і Кодаці. Теорема Бонне. Задача ізометричного занурення.
5. Формула Гауса-Бонне. Інтегральна формула Гауса.

Звичайні диференціальні рівняння

1. Теореми існування та єдиності розв'язку задачі Коші для систем звичайних диференціальних рівнянь.
2. Лінійні диференціальні рівняння та системи рівнянь зі сталими коефіцієнтами.
3. Стійкість за Ляпуновим розв'язків систем звичайних диференціальних рівнянь

Комплексний аналіз

1. Елементарні функції комплексного змінного і здійснювані ними конформні відображення.
2. Теорема про інтеграл уздовж замкненого контуру. Інтегральна формула Коші.
3. Принцип максимуму модуля для аналітичних функцій.
4. Розкладання аналітичних функцій в ряд Тейлора і теорема Ліувілля
5. Ряди Лорана та класифікація ізольованих особливих точок.
6. Теорія лишків. Приклади застосування до обчислення інтегралів.
7. Принцип аргументу і теорема Руше.
8. Субгармонічні функції. Критерії субгармонічності.

Рівняння математичної фізики та диференціальні рівняння з частинними похідними

1. Простори Соболева цілого порядку. Основні властивості.
2. Рівномірні еліптичні рівняння. Поняття слабкого розв'язку. Теорема Лакса-Мільграма.
3. Теорія параболічних рівнянь. Означення слабких розв'язків. Метод Гальоркіна. Єдиність розв'язків.
4. Теорія гіперболічних рівнянь. Поняття слабкого розв'язку гіперболічного рівняння. Конструкція апроксимаційних розв'язків методу Гальоркіна.
5. Метод компактності.

Функціональний аналіз

1. Метричний простір і його топологія. Послідовності, що збігаються і фундаментальні. Повнота. Принцип вкладених множин.
2. Нормовані простори. Критерій неперервності лінійного оператора. Норма оператора.
3. Компактність в метричних і нормованих просторах. Критерій компактності в скінченновимірному просторі. Теорема Риса про некомпактність одиничної кулі.
4. Банахів простір. Простори L_p . Нерівність Гельдера, функціонал інтегрування з вагою та його норма. Формулювання теореми про загальний вигляд лінійного функціоналу в L_p
5. Теорема Гана – Банаха і її наслідки.
6. Гільбертів простір. Ортонормовані системи в гільбертовому просторі та ряди Фур'є.
7. Ортогоналізація за Грамом-Шмідтом і теорема про існування ортонормованого базису в сепарабельному гільбертовому просторі.

Теорія ймовірностей

1. Основні поняття теорії ймовірностей. Формули повної ймовірності і Бейеса.
2. Схема Бернуллі. Граничні теореми для схеми Бернуллі (теореми Бернуллі, Пуассона, Муавра - Лапласа).
3. Центральна гранична теорема для однаково розподілених доданків.
4. Закон великих чисел.
5. Довірчі інтервали для параметрів нормального розподілу.

Методика викладання математики

1. Методи і форми в навчанні математики. Методи наукового пізнання в освіті математиків.
2. Методика введення і формування понять в шкільному курсі математики, визначення математичних понять, їх види.
3. Структура курсу математики 5 - 6 класів.
4. Структура курсу алгебри 7 - 9 класів.
5. Елементи математичного аналізу і теорії ймовірностей в шкільному курсі математики.
6. Побудова шкільного курсу геометрії.

Педагогіка і психологія

1. Предмет і завдання педагогіки.
2. Структура педагогічної науки.
3. Рушійна сила процесу навчання.
4. Методологія педагогіки та методи педагогічних досліджень.
5. Виховання як педагогічний процес.
6. Методи, засоби та форми виховання в сучасній педагогіці.
7. Педагогічна майстерність.

Затверджено на засіданні методичної комісії ФМП протокол № 3 від 16 жовтня 2019 року